

Dudás Gabriella
Hetényiné Kulcsár Mária
Machánné Tatár Rita
Sós Mária

sokszínű
Matematika
5 gyakorló
*kompetenciafejlesztő
munkafüzet*
2. kötet

Mozaik Kiadó – Szeged, 2013

3. Törtek bővítése és egyszerűsítése

1

Színesrúd-készlet

- a) Legyen egy egész a színesrúd-készlet 12 centiméteres eleme. Rakd ki, majd színezd ki a

$\frac{3}{12}$ -ét								
$\frac{9}{12}$ -ét								
$\frac{4}{6}$ -át								
$\frac{2}{3}$ -át								
$\frac{1}{4}$ -ét								
$\frac{8}{12}$ -ét								
$\frac{3}{4}$ -ét								
$\frac{10}{12}$ -ét								



- b) Mely esetekben színezted ki ugyanakkora részét az 1 egésznek? Írd le számokkal is! Mi már elkezdtük.

$\frac{3}{12} =$

- c) Tapasztalataid alapján fejezd be a mondatokat!

Ha a tört számlálóját és nevezőjét ugyanazzal a 0-tól különböző számmal megszorozzuk, akkor a tört értéke Illyenkor azt mondjuk, hogy a törtet

Ha a tört számlálóját és nevezőjét ugyanazzal a 0-tól különböző számmal elosztjuk, akkor a tört értéke Illyenkor azt mondjuk, hogy a törtet

2

Színezd ki a megadott törtrészeket! (Mindegyik ábra 1 egész.) Kösd össze az egyenlőket!

A) $\frac{6}{18}$ rész



B) $\frac{1}{3}$ rész



C) $\frac{1}{6}$ rész



D) $\frac{3}{18}$ rész



E) $\frac{1}{9}$ rész



F) $\frac{2}{18}$ rész



3

Bővítés, egyszerűsítés

Az alábbi törteket bővítettük vagy egyszerűsítettük. Pótold a hiányzó számlálót!

a) $\frac{1}{2} = \frac{\square}{4}$

b) $\frac{1}{2} = \frac{\square}{10}$

c) $\frac{1}{2} = \frac{\square}{6}$

d) $\frac{1}{2} = \frac{\square}{20}$

e) $\frac{1}{2} = \frac{\square}{14}$

f) $\frac{1}{2} = \frac{\square}{18}$

g) $\frac{9}{12} = \frac{\square}{4}$

h) $\frac{16}{32} = \frac{\square}{4}$

i) $\frac{35}{20} = \frac{\square}{4}$

j) $\frac{48}{24} = \frac{\square}{4}$

k) $\frac{64}{40} = \frac{\square}{10}$

l) $\frac{54}{36} = \frac{\square}{6}$

4

Bővítsd a törtet úgy, hogy a nevezője 3-szor, 8-szor, 10-szer nagyobb legyen az első tört nevezőjénél!

a) $\frac{3}{8} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$

b) $\frac{7}{5} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$

c) $\frac{4}{9} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$

Dolgozzatok közösen a padtársaddal! Írjátok az alábbi törteket egy-egy számkártyára!

$$\frac{1}{2}; \frac{3}{4}; \frac{2}{3}; \frac{10}{20}; \frac{10}{15}; \frac{5}{6}; \frac{5}{7}; \frac{4}{8}; \frac{4}{6}; \frac{40}{60}; \frac{20}{40}; \frac{25}{35}; \frac{8}{12}$$

Csoportosítsátok a törteket az alábbi szempontok szerint!

a) $\frac{15}{30}$ -dal egyenlők:

b) $\frac{10}{14}$ -del egyenlők:

c) $\frac{30}{45}$ -del egyenlők:

d) nem egyszerűsíthetők:

e) Találjatok ki újabb csoportosítási szempontot, majd végezzétek is el a csoportosítást!

Bővítsd vagy egyszerűsítsd a törtet úgy, hogy az egyenlőség igaz legyen!

a) $\frac{2}{3} = \frac{\boxed{4}}{6} = \frac{6}{\boxed{9}} = \frac{\boxed{12}}{27} = \frac{12}{\boxed{39}}$

b) $\frac{3}{4} = \frac{\boxed{12}}{16} = \frac{9}{\boxed{12}} = \frac{\boxed{15}}{28} = \frac{15}{\boxed{30}}$

c) $\frac{6}{7} = \frac{\boxed{42}}{49} = \frac{18}{\boxed{42}} = \frac{\boxed{35}}{35} = \frac{60}{\boxed{63}}$

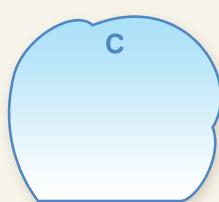
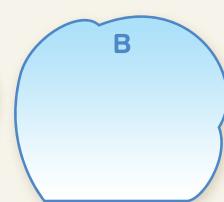
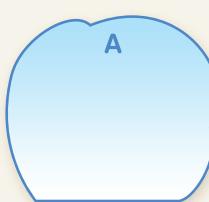
d) $\frac{5}{8} = \frac{15}{\boxed{24}} = \frac{50}{\boxed{40}} = \frac{\boxed{25}}{16} = \frac{20}{\boxed{16}} = \frac{25}{\boxed{32}}$

e) $\frac{16}{8} = \frac{\boxed{16}}{4} = \frac{4}{\boxed{2}} = \frac{\boxed{16}}{16} = \frac{16}{\boxed{24}}$

f) $\frac{18}{36} = \frac{9}{\boxed{18}} = \frac{\boxed{9}}{12} = \frac{2}{\boxed{8}} = \frac{\boxed{2}}{72} = \frac{90}{\boxed{360}}$

Írd az egyenlő törteket ugyanabba a halmazba!

$$\frac{4}{8}; \frac{2}{10}; \frac{1}{2}; \frac{4}{20}; \frac{5}{10}; \frac{3}{4}; \frac{1}{5}$$

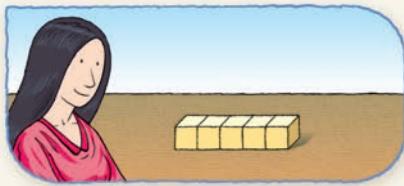


Keresd te is a hibát!

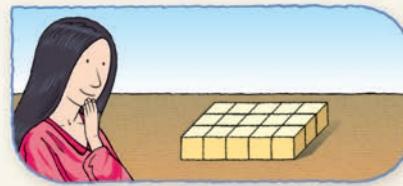
Hebeburgya Huba néhány törtet párba állított, mert szerinte ezek egyenlők. Alapos Fanni megnézte, és azonnal felfedezett néhány hibát. Javítsd te is a hibákat, színezd ki a helyeseket!

6. A téglatest térfogata

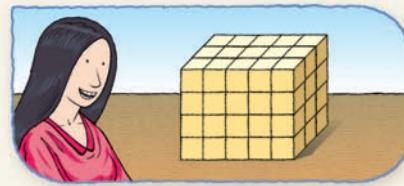
1 Bea azonos méretű kockákból építményeket készít. Hány kockából állnak az építmények?



..... kockából áll az építmény



3 sort tesz szorosan egymás mellé, 1 sor 5 kockából áll
..... kockából áll az építmény



4 réteget tesz egymásra,
1 réteg 15 kockából áll
..... kockából áll az építmény

2 Dobókocka

A 6. c osztályba járó gyerekek valamennyien két-két, 1 cm élű dobókockát hoztak matematikaórára. Bence órák után egy téglalap alakú dobozba rakta el rendben a kockákat. A doboz éppen tele lett. A doboz egyik belső éléhez 5 kocka fért, és 2 ilyen sort tudott létrehozni.

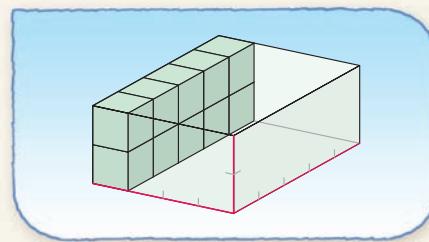
4 ilyen réteggel pedig tele lett a doboz.

- a) Hány kocka került a dobozba?

b) Mekkora a doboz térfogata?

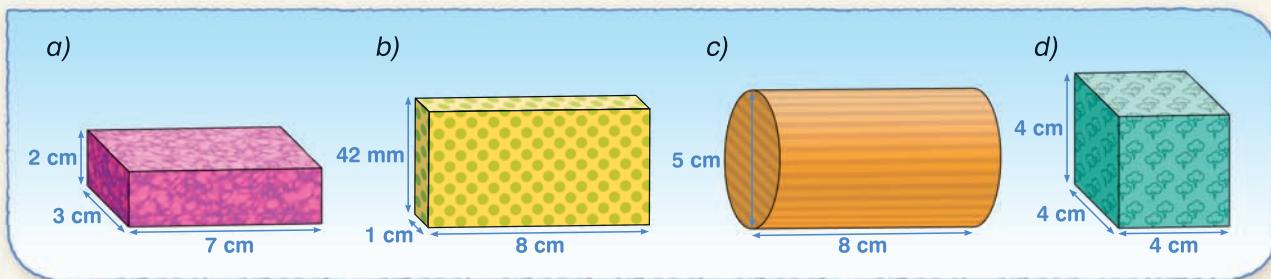
c) Mekkorák a doboz élei?

d) Mennyi a 6.c osztály létszáma?



3 Kockacukor

Melyik dobozt tudnád hiánytalanul feltölteni 1 cm élű egész kockacukrokkal? Karikázd be ezek betűjelét, és határozd meg, hány szem kockacukorral tölhetnéd meg ezeket a dobozokat!



4 Karikázd be a megfelelő mondatok betűjelét!

Luca egy téglatest térfogatát akarja meghatározni. Mely adatok ismeretében tudja ezt biztosan megenni?

- A) Ismeri két élének a hosszát.
 - B) Megmérte három, egy csúcsba futó élének a hosszát.
 - C) Egy lapijának a területét és egy élének a hosszát jegyezte fel a füzetébe.
 - D) Egy lapijának a területét és erre a lapra nem illeszkedő élének a hosszát ismeri.
 - E) Három különböző hosszságú élének a hosszát ismeri.

Töltsd ki a táblázat hiányzó adatait!

A táblázatban téglatestek egy csúcsba összefutó éleinek hosszát és a téglatestek térfogatát tüntettük fel.

a	4 cm	5 dm	4 cm	4 dm	8 dm
b	7 cm	3 dm	2 cm		80 cm
c	13 cm	7 dm		40 cm	
V			48 cm ³	80 000 cm ³	512 dm ³

Egy kocka éle a . Mekkora a térfogata és a felszíne?

a) $a = 5 \text{ cm}$

$V = \dots$

$A = \dots$

b) $a = 25 \text{ mm}$

$V = \dots$

$A = \dots$

c) $a = 3 \text{ cm } 7 \text{ mm}$

$V = \dots$

$A = \dots$

Tanterem

A tanterem alapterülete 55 m^2 , magassága 3 m .

a) Hány m^3 levegő van a taneremben?

b) A levegő gázkeverék, egyötöd része oxigén.

Hány m^3 oxigén van a taneremben?

--

Medence

Megmértük egy medence éleinek hosszát. A kapott eredmények: $50 \text{ m}, 20 \text{ m}, 2 \text{ m}$.

Mekkora a medence térfogata?

--

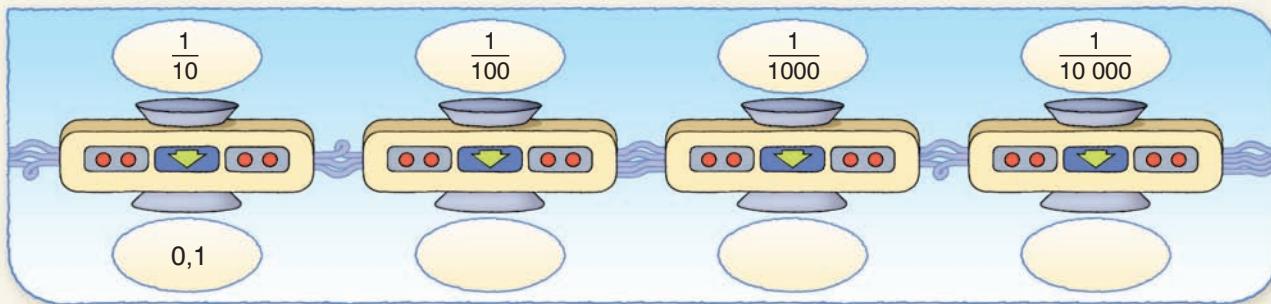
Becsüld meg, mennyi víz fér a kádatokba!



1. A tizedes tört fogalma

1

Dolgozz a gép szerint! Pótold a hiányzó számokat!



2

Rendezd csökkenő sorrendbe az alábbi helyi értékeket, és tess a megfelelő helyre a tizedesvesszőt!

tízes egyes század szászas ezred tized ,

3

Egészítsd ki a táblázatot! Mi már elkezdtük. Mondd is ki a tizedes tört alakú számokat!

	Tízes	Egyes		Száزاد		Összeg alak	Tizedes tört alak
			1	2		0,1 + 0,02	
	1	2	3				
							3,04
4	0	3	2	1			531,43

4

Üzemanyagárak

A kőolaj árának változását szorosan követik az üzemanyagok árai is. A Teletank benzinkút értesítést kapott az új árakról. Írd ki számmal a megfelelő kijelzőre az aktuális árakat!

Üzemanyag	Egy liter üzemanyag ára (Ft)
Diesel extra	háromszáznyolcvannyolc egész kilencvenöt század
95-ös benzin	háromszázhetvenegy egész kilenc tized
Lőrő Diesel	négyszáztizenöt egész kilencvenkilenc század
Lőrő benzin	négyszázöt egész ötven század
Tüzes lőrő benzin	négyszázhuzsonkilenc egész egy tized



5

Pótold a hiányzó számokat!

$$a) \frac{\square}{10} = 0,3$$

$$b) \frac{5}{\square} = 0,05$$

$$c) 1,75 = 1 + \frac{\square}{10} + \frac{\square}{100}$$

$$d) 13,89 = \square \cdot 10 + \square \cdot 1 + \square \cdot 0,1 + \square \cdot 0,01$$

$$e) 2 \square,5 = 2 \cdot \square + 5 \cdot \square$$

Írd át a számokat tizedes török alakba!

Olvasd ki mindenket! Figyelj rá, hogy minden pontosan mond ki a tört nevét!

a) $\frac{6}{10} = \dots$

b) $\frac{3}{10} = \dots$

c) $\frac{75}{100} = \dots$

$\frac{2}{100} = \dots$

$\frac{15}{1000} = \dots$

$2\frac{8}{10} = \dots$

$\frac{42}{10} = \dots$

$\frac{5006}{100} = \dots$

$\frac{15324}{1000} = \dots$

- Karikázd be – pirossal azt a számot, amelyben a legnagyobb alaki értékű számjegy a 4;
– kékkel azt a számot, amelyben az ezredek helyén 5 áll;
– zölddel azt a számot, amelyben a 2 valódi értéke 2 század!

Egy érték, több alak

Bővítsd az adott törteket szükség szerint 10, 100 vagy 1000 nevezőjű törtekké! Az így kapott törteket írd át tizedes török alakba is!

a) $\frac{3}{5} = \frac{6}{10} = \dots$

b) $\frac{9}{2} = \boxed{} = \dots$

c) $\frac{12}{5} = \boxed{} = \dots$

d) $\frac{41}{50} = \boxed{} = \dots$

e) $\frac{7}{50} = \boxed{} = \dots$

f) $\frac{25}{8} = \boxed{} = \dots$

Írd fel török alakba a tizedes törteket, ahol lehet, egyszerűsíts!

a) $2,5 = \boxed{} = \boxed{}$

b) $20,15 = \boxed{} = \boxed{}$

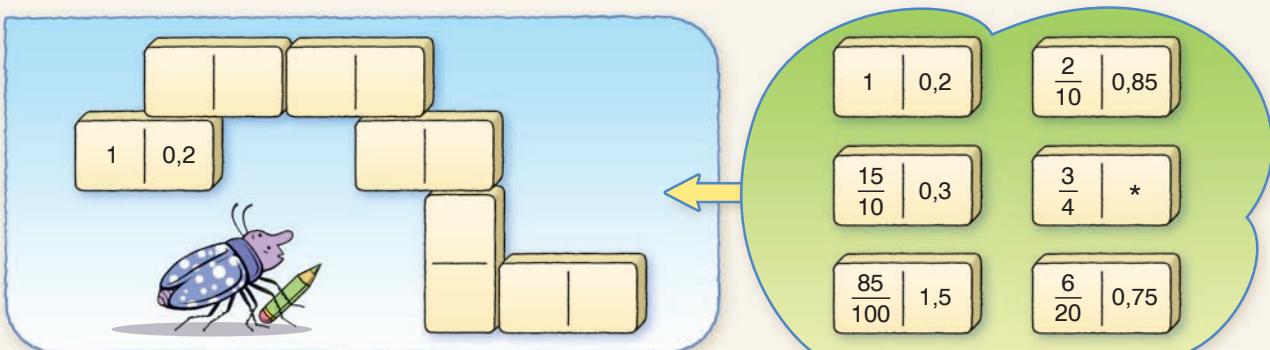
c) $3,72 = \boxed{} = \boxed{}$

d) $0,125 = \boxed{} = \boxed{}$

e) $0,45 = \boxed{} = \boxed{}$

f) $70,1 = \boxed{} = \boxed{}$

Dominózz! A törtszám és a vele egyenértékű tizedes török alakban egymáshoz!



Találd ki Elek számait!

Elek , , tizedes török alakú számot akart felírni úgy, hogy balról jobbra haladva minden 1-gyel nagyobb számjegyek követik egymást.

a) Az így leírható számok közül a legkisebb:; a legnagyobb:

b) Mi lett volna a legkisebb és a legnagyobb tizedes török alakú számokat alkotott volna ugyanezzel az eljárással? A legkisebb:; a legnagyobb:

1. A negatív egész számok

1

Számkereső

Írd be a képen látható egész számokat a táblázat megfelelő részébe!

Negatív egész számok	Pozitív egész számok

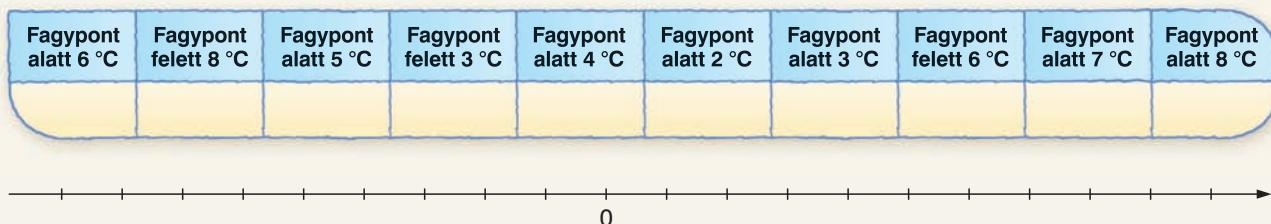
Melyik számot nem tudtad elhelyezni? Miért?



2

Hideg vagy meleg?

A hőmérséklet mérésekor a víz fagyáspontjához viszonyítunk. Ezt választották $0\text{ }^{\circ}\text{C}$ -nak. Ha $0\text{ }^{\circ}\text{C}$ -nál hidegebb van 10 fokkal, akkor azt mondjuk, hogy $-10\text{ }^{\circ}\text{C}$ van. Ez alapján írd le az alábbi hőmérsékleteket! Ábrázold számegyenesen, majd rendezd csökkenő sorrendbe az értékeket!



Csökkenő sorrend:

3

Egészítsd ki a mondatokat!

A nullánál kisebb egész számok a számok. Előjelük:

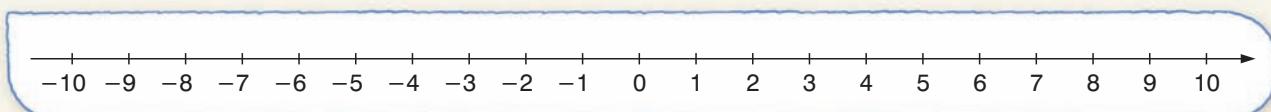
A nullánál nagyobb egész számok a számok. Előjelük:

A nem pozitív és nem negatív szám. minden pozitív egész szám a nullánál. minden negatív egész szám a nullánál. Bármielyik egész szám nagyobb, mint bármelyik egész szám. Egy vízszintes számegyenesen a negatív egész számok a nullától, a pozitív egész számok a nullától találhatók.

4

Séta a számegyenesen

A számegyenes segítségével határozd meg a keresett számokat, és írd a táblázatba őket!



A számnál kisebb			A szám	A számnál nagyobb		
4-gyel	2-vel	1-gyel		1-gyel	2-vel	4-gyel
			+2			
			0			
			-2			
			-5			

Összehasonlítás

Írd a megfelelő ($<$, $>$, $=$) jelet az alábbi számok közé!

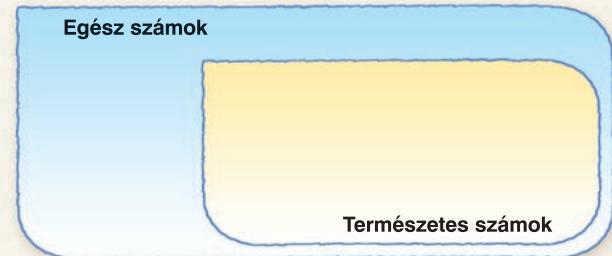
- | | | | |
|---|---|---|---------------------------------------|
| a) -72 <input type="checkbox"/> $+72$ | b) $+111$ <input type="checkbox"/> -121 | c) $+5$ <input type="checkbox"/> -8 | d) -3 <input type="checkbox"/> 0 |
| e) $+25$ <input type="checkbox"/> 0 | f) -672 <input type="checkbox"/> -671 | g) -17 <input type="checkbox"/> -13 | h) 17 <input type="checkbox"/> 13 |

Minden, vagy van olyan, amelyik nem

a) Írd be a -12 , $+51$, -101 , 0 , $+46$, -3012 , $+2009$ számokat a halmazábra megfelelő részébe!

b) A halmazábra segítségével dönts el az egyes állításokról, hogy igazak vagy hamisak!

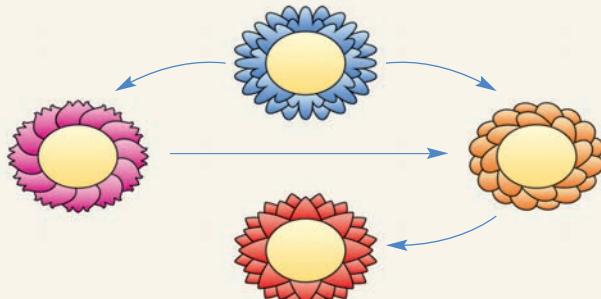
- Minden természetes szám egész szám.
- Van olyan egész szám, amelyik nem természetes szám.
- minden egész szám természetes szám.



Virágok

Az ábrán a nyílak mindenkor a nagyobb számot rejtvő virág felé mutatnak.

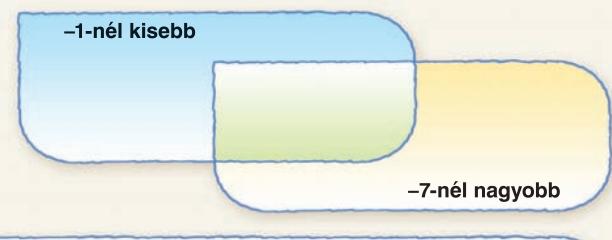
- a) Rajzold be a hiányzó nyílakat, és írd a megfelelő virágba a számokat!
 -45 ; -23 ; -12 ; -112 .
- b) Melyik virágba írtad a legnagyobb számot?
- c) Melyik virágba írtad a legkisebb számot!



Piros – kék

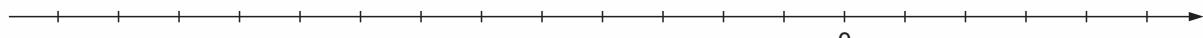
Jelöld a számegyenesen az adott számok közül kékkel a -1 -nél kisebbeket, pirossal a -7 -nél nagyobbakat, majd írd be a számokat a halmazábra megfelelő helyére!

$-1; -4; -7; 0; -2; +1; -9; +2; -8; -11; -6; -5$

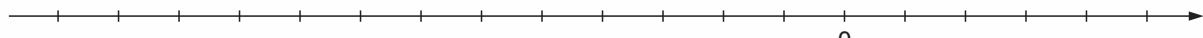


A $-4; +2; 0; -3; -9; -8; +3; -2; -7$ számok közül melyek felelnek meg a feltételeknek?

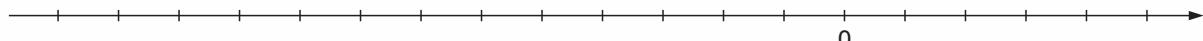
- a) az adott számok



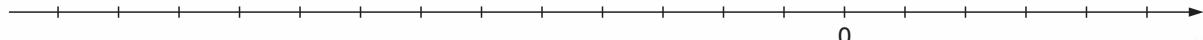
- b) -8 -nál nem kisebb



- c) -4 -nél nem nagyobb



- d) -8 -nál nagyobb és -3 -nál kisebb



Tartalomjegyzék

1. A törtszámok

1. A tört értelmezése	4
2. A törtek összehasonlítása 1 egéssel, vegyes számok	8
3. Törtek bővítése és egyszerűsítése	10
4. Törtek helye a számegyenesen	12
5. A törtek összehasonlítása	14
6. Egyenlő nevezőjű törtek összeadása és kivonása	16
7. Különböző nevezőjű törtek összeadása, kivonása	19
8. Tört szorzása természetes számmal	21
9. Tört osztása természetes számmal	23

2. A téglalap

1. A téglalap tulajdonságai	26
2. A kerület	28
3. A terület mérése	31
4. A téglalap területe	33

3. A téglatest

1. A téglatest	38
2. A testek ábrázolása	41
3. A téglatest hálói	43
4. A téglatest felszíne	45
5. A térfogat mérése	48
6. A téglatest térfogata	50

4. Tizedes törtek

1. A tizedes tört fogalma	54
2. A tizedes törtek ábrázolása számegyenesen	56
3. Tizedes törtek egyszerűsítése, bővítése, összehasonlítása, kerekítése	58
4. A tizedes törtek összeadása, kivonása	61
5. A tizedes törtek szorzása, osztása 10-zel, 100-zal	64
6. A tizedes tört szorzása, osztása természetes számmal	66
7. A törtek tizedes tört alakja	68

5. Az egész számok

1. A negatív egész számok	70
2. A számok ellenértje, abszolút értéke	73
3. Az egész számok összeadása	75
4. Az egész számok kivonása	78

6. Helymeghatározás

1. Tájékozódás a környezetünkben	82
2. Helymeghatározás a síkon	85
3. Grafikonok	89

Év végi ismétlés	92
------------------------	----